

Opakovanie



- Špeciality
 - `++i`, `i--`, ...
- Skrátené vyhodnotenie
 - Príkazy
 - elementárne príkazy
- podmienené príkazy (alternatíva)
 - Iteračné príkazy (cykly)

Príklad: Výpočet odmocniny

Výpočet odmocniny \sqrt{x} pomocou delenia intervalu!

Idea:

- Zvolíme Intervall $[d, h]$, v ktorom sa \sqrt{x} určite nachádza.
- Rozdelíme interval na dva intervaly $[d,s]$ und $[s,h]$;
- Zvolíme interval, v ktorom sa \sqrt{x} určite nachádza a opakujeme procedúru, kým nedosiahneme požadovanú presnosť, t.j. kým interval nie je dostatočne malý.

Príklad: Výpočet odmocniny

```
// Vstup:  double x;   x >= 0
double d = 0;           // Spodná hranica počiatočného intervalu
double h = x + 1;       // Horná hranica počiatočného intervalu
double eps = 1.0e-10; // želaná relatívna presnosť
double s = (d + h) / 2;

while ( (h - d) / s > eps)
{if (s * s >= x)
    h = s;
else
    d = s;
  s = (d + h) / 2;
}
// Výstup: s
```

Pozorovanie:



Iteračný príkaz tohto programu
(pre $x \geq 0$) sa vykoná aspoň raz.

Bolo by lepšie podmienku testovať na konci
cyklu.

do-while-cyklus

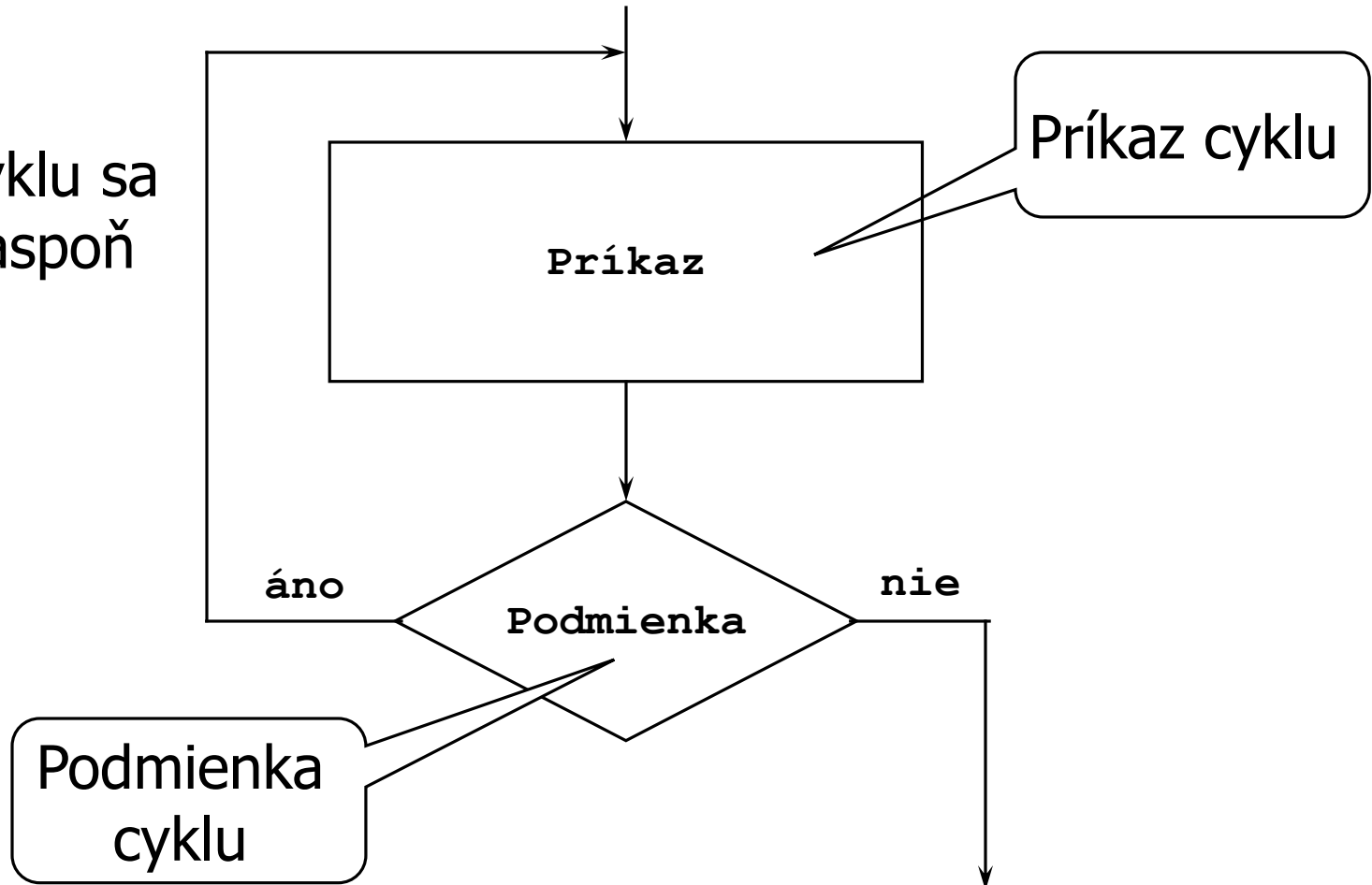
```
// Vstup:  double x;  x >= 0
double d = 0;           // Spodná hranica počiatočného intervalu
double h = x + 1;      // Horná hranica počiatočného intervalu
double eps = 1.0e-10; // želaná relatívna presnosť
double s = (d + h) / 2;

do
{if (s * s >= x)
    h = s;
else
    d = s;
  s = (d + h) / 2;
} while ( (h - d) / s > eps);

// Výstup: s
```

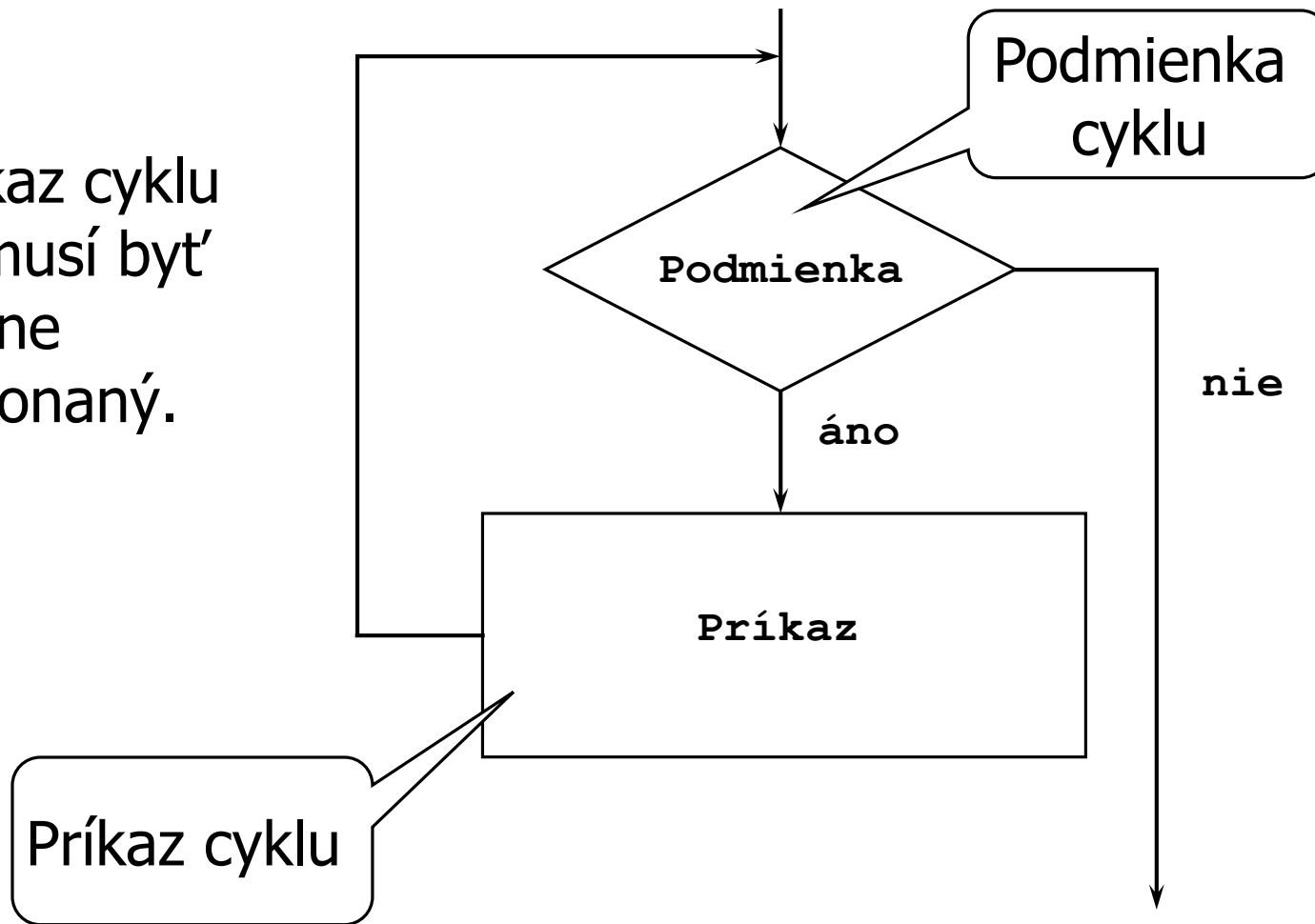
Vývojový diagram do-while-cyklu

Príkaz cyklu sa vykoná aspoň raz.



Vývojový diagram (pre porovnanie) **while-(do)-cyklu**

Príkaz cyklu nemusí byť nutne vykonaný.

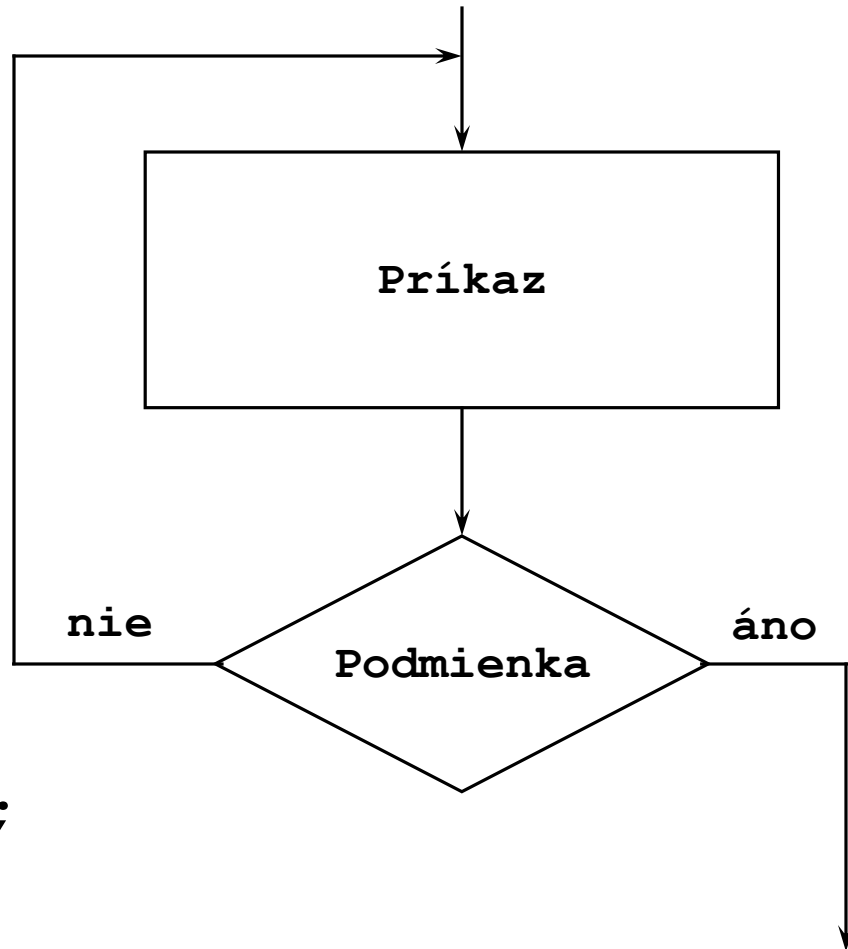


Ďalšie možnosti cyklov (nie v Jave a C)

```
repeat  
  Príkaz  
until ( Podmienka );
```

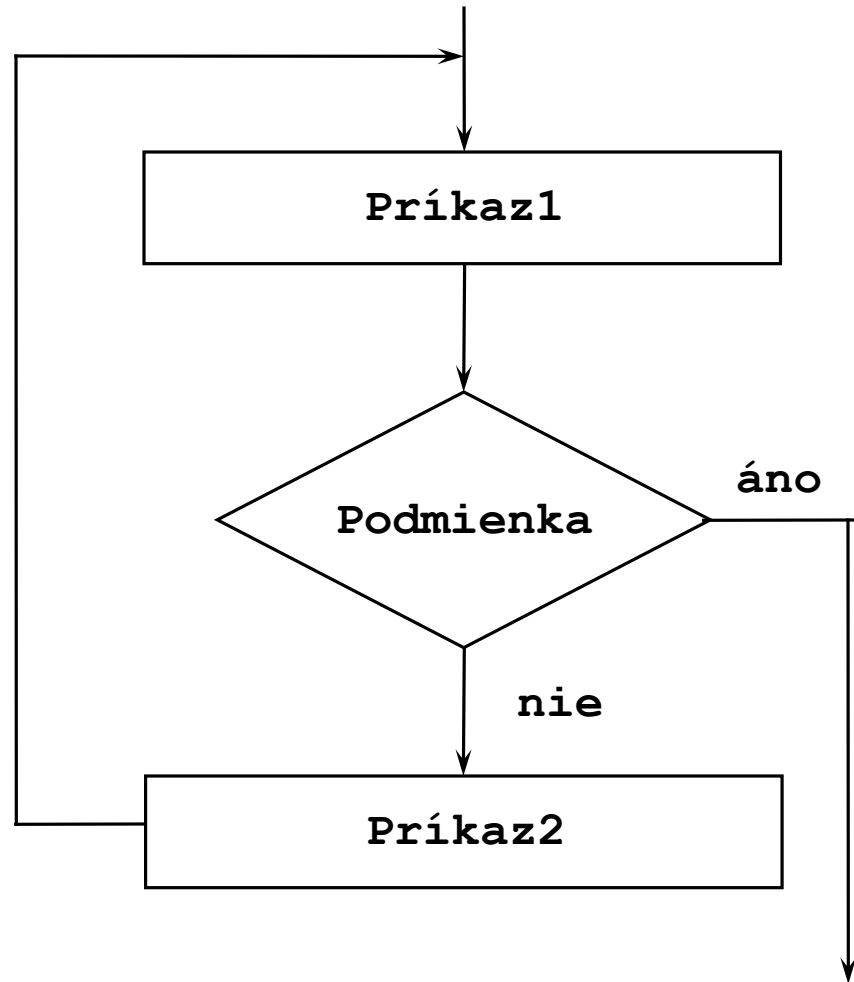
Zodpovedá v Jave a v C:

```
do  
  Príkaz  
while ( !Podmeinka );
```



Ďalšie možnosti cyklov (nie v Jave a C)

```
repeat  
{  
    Príkaz1  
until ( Podmienka );  
    Príkaz2  
}
```



Predčasné ukončenie cyklu



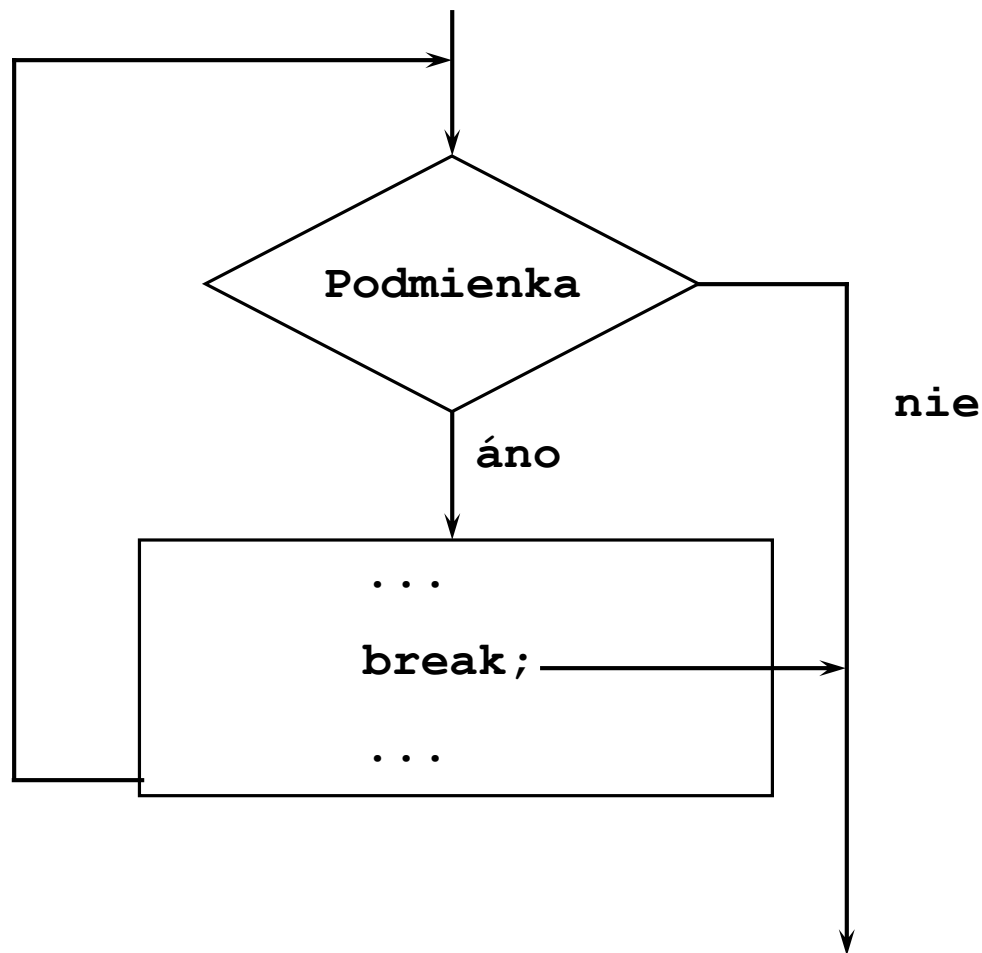
- Aby bolo možné využiť všetky možnosti cyklov, je v Jave a v C k dispozícii príkaz `break`;
- príkaz `break`; zabezpečí okamžité ukončenie cyklu

Príklad v Jave: break

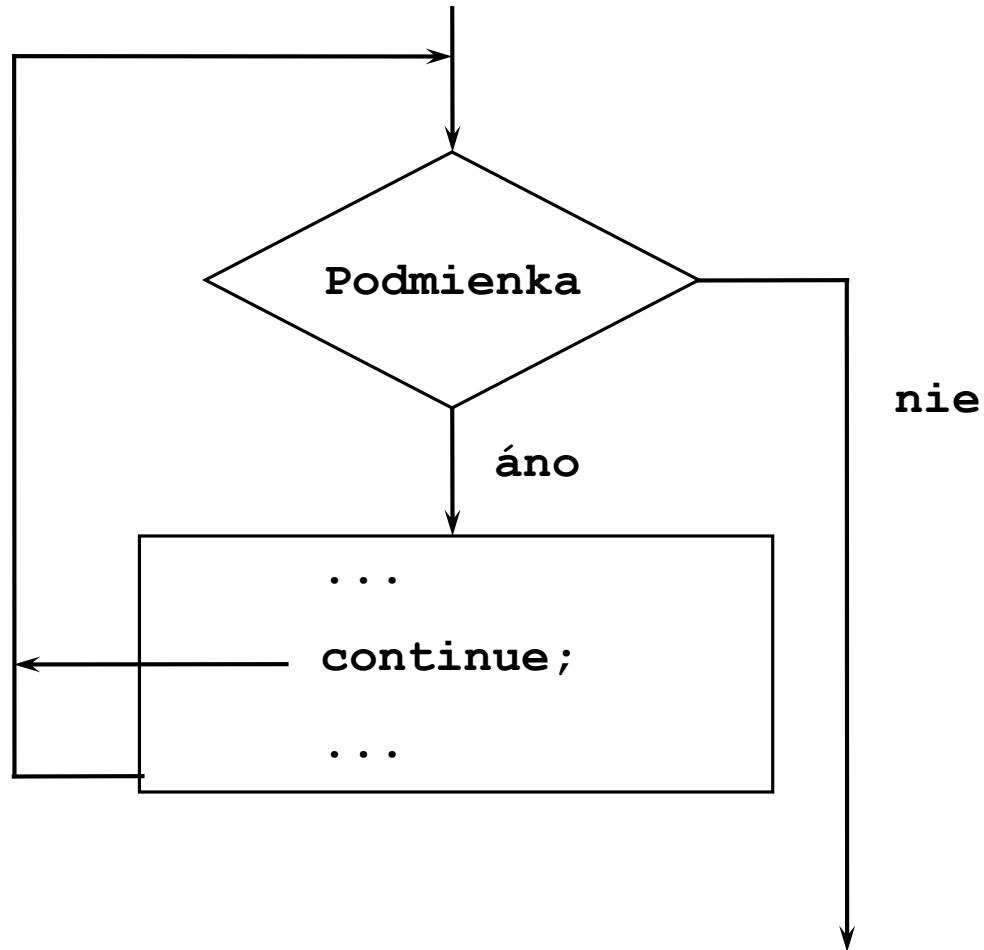
```
public class CheckNegative
{ public static void main (String[] args)
  { int n = args.length; // Počet parametrov

    int i = 0;
    while ( i < n )
    { double x = Double.parseDouble(args[i]);
      if ( x < 0.0 )
      { System.out.println("Cislo "+ x + " je
                           zaporne: Stop");
        break;}
      System.out.println( i + ": " + x );
      i = i + 1;
    }
  }
}
```

Vývojový diagram while- cyklu s príkazom break ;



Predčasné ukončenie JEDNEJ slučky cyklu príkazom continue;



Iteračné príkazy nad intervalom



- V mnohých prípadoch prechádza nejaká premenná (počítadlo) v cykle hodnoty vopred známeho rozsahu (napr. 1 ... n)
Príklady: `Suma`, `Faktorial`
- Pre takéto cykly existuje špeciálna konštrukcia: príkaz `for`

Príkaz: for-cyklus



```
double product = 1.0;

for (int i = 1; i <= n; i++)
{ product = product * i; }
```

Pre porovnanie:

```
int i = 1;
while (i <= n)
{ product = product * i;
  i = i + 1; }
```

Výhody cyklu `for`



- Jasné oddelenie jednotlivých častí cyklu (Inicializácia, Podmienka, Iterácia) a príkazu cyklu
- Keď v príkaze cyklu iteračnej premennej-počítadlu a premenným použitým v podmienke nie je priradená žiadna hodnota, je možné priamo z hlavičky usúdiť, či cyklus terminuje.

Syntax cyklu for

Zoznam deklarácií
alebo zoznam
priradení

Zoznam priradení

```
for (Init; Pod; Iter)
```

Príkaz

Ľubovoľný príkaz

Odporúčania



- V cykle for použite iba jednu iteračnú premennú
- V časti „iterácia“ cyklu for použite jednoduchú iteráciu iteračnej premennej (napr. `i++` alebo `i--`)
- V časti „podmienka“ použite iba porovnanie (napr. `i < n` alebo `i >= 0`)
- Neprirad'ujte iteračnej premennej a premennej vystupujúcej v podmienke žiadnu hodnotu v príkaze cyklu

Odporúčania (pokračovanie)

- Používajte podmienku $i < \dots$ resp. $i \leq \dots$ iba v spojení s $i++$ alebo $i = i + c$
- Používajte podmienku $i > \dots$ resp. $i \geq \dots$ iba v spojení s $i--$ alebo $i = i - c$
- Nepoužívajte $i \neq \dots$
- Pre iteračné premenné používajte celočíselné premenné

Odporúčania (pokračovanie)

- Používajte cyklus `for`, keď jeho použitie koncepčne zodpovedá cyklu nad intervalom (cyklu s počítadlom) – inak použite radšej cyklus `while` (`do while`)

Vnorené cykly



- V súlad s EBNF definíciou príkazov môžu byť všetky konštrukcie pre príkazy (if-else príkaz, cykly) vnorené (zložené)
- Táto skutočnosť sa hojne využíva!

Príklad (Java):

```
public class Trojuholnik
{
    public static void main (String[] args)
    { int vyska = Integer.parseInt(args[0]);

        for (int riadok = 1; riadok <= vyska; riadok++)
        { for (int stlpec = 1; stlpec <= riadok; stlpec++)
            {
                System.out.print("*");
            }
            System.out.println();
        }
    }
}
```

Príklad (výstup na konsolu):



```
>javac Trojuholnik.java
```

```
>java Trojuholnik 7
```

```
*
```

```
**
```

```
***
```

```
****
```

```
*****
```

```
*****
```

```
*****
```

6.4 Verifikácia



Ako je možné dokázať, že program skutočne robí to, čo sme chceli?

- Kontrolné podmienky
- Invarianty (cyklov)
- Varianty (cyklov)

Príklad: Faktoriál

```
// int n >= 0
int i = 1;
int prod = 1;
// prod == (i-1)!  &&  (i-1) <= n
while (i <= n)
{ // prod == (i-1)!  &&  i <= n
  prod = prod * i;
  // prod == i!  &&  i <= n
  i = i + 1;
  // prod == (i-1)!  &&  (i-1) <= n
} // prod == (i-1)!  &&  (i-1) <= n &&  !(i <= n )
// prod == n!
```

Počiatočná
podmienka

Kontrolné
podmienky

Koncová
podmienka

Kontrolné podmienky



- **Kontrolná podmienka** je výraz typu boolean (ako komentár v programe), ktorý je **vždy pravdivý**, keď sa vykonanie programu nachádza na danom mieste
- **Počiatočná a koncová podmienka** (časti) programu sú špeciálne kontrolné podmienky

Kontrolné podmienky



- Platnosť kontrolných podmienok je možné overiť príkaz po príkaze!
(Pri cykloch je to trochu zložitejšie, vid' ďalej)
- Formulácia správnych kontrolných podmienok vyžaduje skúsenosti
- Teoretické pozadie verifikácie (žiaľ) nebudeme detailne rozoberať

Invarianty (cyklov)

```
// prod == (i-1)!  &&  (i-1) <= n
while (i <= n)
{ // prod == (i-1)!  &&  i <= n
  prod = prod * i;
  // prod == i!  &&  i <= n
  i = i + 1;
  // prod == (i-1)!  &&  (i-1) <= n
}
```

Invariant

```
// prod == (i-1)!  &&  (i-1) <= n &&  !(i <= n )
```

Po cykle platí invariant a negovaná podmienka cyklu!

Invarianty (cyklov)



- **Invariant** je kontrolná podmienka, ktorá platí na začiatku aj na konci cyklu.

Príklad: Faktoriál

```
// int n >= 0
int i = 1;
int prod = 1;

while (i <= n)
{
    prod = prod * i;


    i = i + 1;
}
// prod == n!
```

Pozor:

S pomocou kontrolných podmienok sme dokázali, že program bude mať korektný výsledok, keď k nejakému výsledku dospeje.

Nedokázali sme však, že k nejakému výsledku dospeje (t.j. že cyklus bude terminovať (sa ukončí:-))!

Varianty (cyklov)?!



Ako dokážeme, že cyklus terminuje?

- Pri každom vykonaní príkazu cyklu musíme byť „bližšie“ k cieľu, napr.
 - `int`-výraz, ktorého hodnota je po každom uskutočnení príkazu cyklu menšia a
 - Táto hodnota nemôže byť ľubovoľne malá
- Takýto výraz nazývame **Variant cyklu**

Príklad: Faktoriál

Variant:

$(n - i)$

```
while (i <= n)
```

```
{ // ...
```

```
  prod = prod * i;
```

```
  // ...
```

```
  i = i + 1
```

```
  // prod == (i-1)! && (i-1) <= n &&  $(n - i) < m$ 
```

```
}
```

$(n - i) == m$

$(n - i) == m$

Z invariantu cyklu
vieme, že $(n - i) \geq -1$