

PROG1: cvicne priklady

Sekcia 1: Podmienene prikazy

1. Definujte funkciu, s nasledovnymi vlastnostami. Funkcia bude mať štyri parametre: čísla a, b, c, d . Funkcia vrati hodnotu True, ak je interval (a, b) podmnožinou intervalu (c, d) , alebo ak je interval (c, d) podmnožinou intervalu (a, b) . Inak vrati funkcia hodnotu False. Mozete predpokladat, že $a < b$ a $c < d$.
2. Definujte funkciu, s nasledovnymi vlastnostami. Funkcia bude mať štyri parametre: čísla a, b, c, d . Funkcia vrati hodnotu True, ak je prienik intervalov (a, b) a (c, d) neprázdny. Inak vrati funkcia hodnotu False. Mozete predpokladat, že $a < b$ a $c < d$.
3. Definujte funkciu, s nasledovnymi vlastnostami. Funkcia bude mať tri parametre: čísla a, b, x . Funkcia vrati číslo a , ak je číslo x bližšie k číslu a ako k číslu b . Inak funkcia vrati číslo b . Mozete predpokladat, že číslo a je menšie ako číslo b .

Sekcia 2: Retazce

1. Definujte funkciu F s nasledujúcimi vlastnosťami. F má dva parametre: reťazec $ret1$ a reťazec $ret2$. F vráti hodnotu True, ak sa niektorý znak z reťazca $ret1$ nachádza v reťazci $ret2$. V opačnom prípade vráti hodnotu False.
2. Definujte funkciu F s nasledujúcimi vlastnosťami. F má dva parametre: reťazec $ret1$ a reťazec $ret2$. F vráti hodnotu True, ak sa každý znak z reťazca $ret1$ nachádza v reťazci $ret2$. V opačnom prípade vráti F hodnotu False.
3. Definujte funkciu F s nasledujúcimi vlastnosťami. F má jeden parameter: reťazec ret . F vráti hodnotu True, ak sa niektoý znak v retazci ret opakuje. V opacnom prípade vrati F hodnotu False. Ulohu rieste bez použitia metody count.
4. Definujte funkciu F s nasledovnymi vlastnostami. F ma jeden parameter: retazec ret . Predpokladajte, že retazec ret je neprázdny, že obsahuje iba male písmena abecedy a že ziadne písmeno sa v nom neopakuje. Funkcia vrati to písmeno z retazca ret , ktore sa v abecede vyskytuje najneskor. Priklad: pre retazec 'otec' funkcia vrati 't'.

Sekcia 3: Rekurzia

1. Definujte funkciu s parametrom n. Funkcia nacita z klavesnice n retazcov a vrati najdlhsi z nacitanych retazcov. Vo funkciou pouzite **rekurziu!** Ak ma viacero retazcov maximalnu dlzku, fukcia vrati ten retazec s maximalnou dlzkou, ktory bol nacitany ako prvy.

2. Definujte funkciu F s nasledujúcimi vlastnosťami. F má jeden parameter: retazec ret. F vráti počet veľkych písmen v retazci ret. Vo funkciou pouzite metodu isupper(). Ziadnu inu metodu pouzit nemozete. Funkciu definujte **rekurzivne!**

Pomocka: Pre lubovolny retazec ret vrati metoda isupper() hodnotu True, ak plati, že vsetky pismena v retazci ret su veľke a zaroven plati, že retazec ret obsahuje aspon jedno pismo. Inak vrati metoda isupper() hodnotu False.

3. Definujte funkciu s nasledovnymi vlastnosťami. Funkcia bude mať dva parametre: retazec ret a znak x. Funkcia vrati hodnotu True, ak sa znak x vyskytuje v retazci ret. Inak vrati funkcia hodnotu False. Ulohu vyrieste bez pouzitia operatora in a metody find. Vo funkciou pouzite **rekurziu!**

4. Definujte funkciu s nasledovnymi vlastnosťami. Funkcia bude mať dva parametre: retazec ret a znak x. Funkcia vrati pocet vyskytov znaku x v retazci ret. Vo funkciou pouzite **rekurziu!** Ulohu rieste bez pouzitia metody count.

5. Definujte funkciu s parametrom n. Funkcia nacita z klavesnice n retazcov a vrati pocet, kolko z nacitanych retazcov malo dlzku vacsiu ako 5. Vo funkciou pouzite **rekurziu!**

6. Definujte funkciu s parametrom n, ktorá vrati hodnotu výrazu $1 - 2 + 3 - 4 + \dots + (-1)^{n+1} n$. Vsímnite si, že tento výraz obsahuje vsetky cisla od 1 po n a ze neparne cisla vystupuju v tomto výraze so znamienkom + a parne cisla so znamienkom -. Vo funkciou pouzite **rekurziu!**

7. Definujte funkciu s nasledovnymi vlastnosťami. Funkcia bude mať jeden parameter: retazec ret. Funkcia vrati hodnotu True, ak retazec ret je palindrom. Inak vrati funkcia hodnotu False. Vo funkciou pouzite **rekurziu.**

Poznamka: Palindrom je retazec, ktorý sa cita rovnako odpredu aj odzadu (napríklad 'anna', 'oko').

Sekcia 4: While cykly

Poznamka: Ulohy v tejto sekcii rieste bez pouzitia strukturovanych datovych typov!

1. Definujte funkciu s nasledujucimi vlastnostami. Funkcia bude mat parameter k. Funkcia bude nacitavat cisla z klavesnice, kym sa nestane, ze sa k-krat za sebou nacitalo rovnake cislo. Funkcia vrati hodnotu posledneho nacitaneho cisla.

Priklad: Ak k=3 potom funkcia prestane nacitavat cisla, ak sa napriklad zadali cisla 1,2,2,1,2,2,2 a vrati cislo 2.

2. Definujte funkciu s nasledujucimi vlastnostami. Funkcia bude nacitavat cisla klavesnice, kym pouzivatel nezada 0. Funkcia vrati pocet rovin v postupnosti nacitanych cisel.

Vysvetlenie: Ak mame postupnosť cisel, potom rovinou v tejto postupnosti cisel budeme nazývať podpostupnosť po sebe idúcich rovnakých cisel s dĺžkou minimalne 2. (Priklad: v postupnosti {7,7,7,6,6,2,3,2,6,6,6,6,0} sa nachadzaju tieto tri roviny: {7,7,7}, {6,6}, {6,6,6,6})

3. Definujte funkciu, ktorá bude nacitavat cisla z klavesnice, kym uzivatel nezada nulu. Po zadani nuly funkcia vrati pocet kolokrat sa stalo, ze nacitane cislo bolo vacsie ako sucet 2 cisel nacitanych pred nim. Napriklad pre postupnosť cisel 1,7,9,2,4,-1,-2,0 funkcia vrati cislo 2, pretože $9 > 7 + 1$ a $0 > (-1) + (-2)$.

4. Definujte funkciu s nasledujucimi vlastnostami. Funkcia bude nacitavat cisla z klavesnice, kym pouzivatel nezada 0. Funkcia vrati pocet lokalnych maxim v postupnosti nacitanych cisel.

Vysvetlenie: Ak mame postupnosť cisel, potom cislo x z tejto postupnosti budeme nazývať lokalnym maximom, ak cislo, ktore sa v postupnosti nachadza pred x, je mensie ako x, a aj cislo, ktore sa v postupnosti nachadza za x, je mensie ako x. (Priklad: v postupnosti {7,5,6,4,2,3,0} su lokalnymi maximami cisa 6 a 3.)

5. Definujte funkciu s nasledujucimi vlastnostami. Funkcia bude nacitavat retazce z klavesnice, kym sa nestane, ze funkcia dvakrát po sebe nacita retazec zacinajuci na rovnaky znak. Funkcia vrati pocet nacitanych retazcov. Mozete predpokladat, ze vsetky nacitane retazce su neprazdne.

Sekcia 5: Zoznamy retazcov

1. Definujte funkciu F s nasledujúcimi vlastnosťami. F má jeden parameter: zoznam retázcov. Funkcia vráti prvý retazec, ktorý obsahuje znak 'a'. Ak žiadny retazec neobsahuje znak 'a', funkcia vráti hodnotu None.

2. Definujte funkciu F s nasledujúcimi vlastnosťami. F má jeden parameter: zoznam retázcov. F vráti retazec zostavený z prvých znakov retázcov v zozname. Napríklad, pre zoznam ['mama','otec'] vráti funkcia retazec 'mo'.

3*. Definujte funkciu, s nasledovnymi vlastnostami. Parametrom funkcie bude zoznam t. Prvky zoznamu t budu retazce. Funkcia vrati pocet takych retazcov v zozname t, v ktorych sa ziaden znak neopakuje.

4*. Definujte funkciu F s nasledujúcimi vlastnosťami. F má jeden parameter: zoznam retázcov. F vráti retázec, ktorý obsahuje najväčší počet rôznych znakov. Ak viacero retázcov zo zoznamu obsahuje maximalny počet rôznych znakov, funkcia vrati prvý retázec s maximalnym počtom rôznych znakov.

Sekcia 6: Nacitavanie do zoznamu

1. Definujte funkciu s nasledovnymi vlastnosťami. Funkcia bude mať jeden parameter: číslo n. Funkcia vytvorí prázdný zoznam t. Funkcia bude nacitavať čísla z klavesnice a bude ich ukladať do zoznamu t, kým súčet čísel v zozname nebude väčší ako číslo n. Funkcia vrati zoznam t.

2. Definujte funkciu s nasledovnymi vlastnosťami. Funkcia bude mať jeden parameter: číslo n. Funkcia vytvorí prázdný zoznam t. Funkcia bude nacitavať čísla z klavesnice a bude ich ukladať do zoznamu t, kým nenacita číslo, ktoré už v zozname je (toto číslo už do zoznamu druhýkrát neuloží). Funkcia vrati zoznam t.

3. Uvažujme zoznam obsahujuci čísla. Rozsahom zoznamu budeme nazývať rozdiel medzi najväčším číslom v zozname a najmensím číslom v zozname. Definujte funkciu s nasledovnymi vlastnosťami. Funkcia bude mať jeden parameter: číslo n. Funkcia vytvorí prázdný zoznam t. Funkcia bude nacitavať čísla z klavesnice a bude ich ukladať do zoznamu t, kým rozsah zoznamu nebude väčší ako číslo n. Funkcia vrati zoznam t.

4*. Definujte funkciu s nasledovnymi vlastnosťami. Funkcia bude mať jeden parameter: číslo n. Funkcia vytvorí prázdný zoznam t. Funkcia bude nacitavať čísla z klavesnice a bude ich ukladať do zoznamu t, kým sa v zozname t nebude nachadzat n rôznych prvkov (zoznam t možе obsahovať viacero rovnakých prvkov. Funkcia skončí, keď spomedzi prvkov v zozname bude n prvkov rôznych). Funkcia vrati zoznam t.

Priklad: nech $n=3$. Predpokladajme, že nacitavame čísla:
2,2,2,1,1,5. Po nacitani čísla 5 funkcia vrati zoznam [2,2,2,1,1,5].

Sekcia 7: Matice

Poznamka: Matice budeme v prikladoch v tejto sekcii reprezentovať zoznamom (nazvime ho zoznam t) s nasledujúcimi vlastnosťami.

Zoznam t bude mať n prvkov. Prvky zoznamu t budú zoznamy obsahujúce k čísel (kazdy z n zoznamov obsahuje k čísel). Takyto zoznam t bude reprezentovať matice rozmeru $n \times k$, pricom kazdy z prvkov zoznamu t reprezentuje jeden riadok matice.

1. Definujte funkciu, ktorej parametrami budú matice A a číslo x . Funkcia vrati hodnotu True, ak sa číslo x nachadza v matici A . Inak vrati funkcia hodnotu False.

2. Definujte funkciu, ktorej parametrami budú matice A a číslo x . Funkcia vrati počet výskytov čísla x v matici A .

3. Definujte funkciu, ktorej parametrami bude matice A . Funkcia vrati hodnotu najväčšieho čísla v matici A .

4. Definujte funkciu, ktorej parametrami bude matice A . Funkcia vrati poziciu najväčšieho čísla v matici. Poziciu maxima reprezentujte zoznamom dvoch čísel (prvé číslo bude index riadka, druhé číslo bude index stĺpca). Riadky a stĺpce v matici indexujte od nuly. V prípade, že sa najväčšie číslo v matici vyskytuje viackrát, funkcia vrati poziciu toho maxima, na ktoré natrafíme ako na prvé, keď čítame prvky v matici v smere, v akom čítame normalny text.

Priklad: Pre matice $\begin{bmatrix} 0, 0, 1 \\ 1, 0, 0 \end{bmatrix}$ funkcia vrati $[0, 2]$, lebo prvé maximum sa vyskytuje v nultom riadku a v druhom stĺpči.

5*. Definujte funkciu, ktorej parametrom bude matice A . Funkcia vrati počet takých stĺpcov v matici, ktoré obsahujú same nuly.

6*. Definujte funkciu, ktorej parametrom bude matice A . Funkcia vrati hodnotu True, ak matice obsahuje aspon jeden stĺpec, v ktorom sú vsetky čísla rovnake. Inak funkcia vrati hodnotu False.

7*. Definujte funkciu, ktorej parametrom bude matice A . Funkcia vrati hodnotu True, ak matice obsahuje aspon jeden stĺpec, v ktorom sú vsetky čísla rozne. Inak funkcia vrati hodnotu False.

8*. Definujte funkciu, ktorej parametrom bude matice A . Funkcia vrati index stĺpca v matici s najväčším súčtom. Stĺpce v matici indexujte od nuly. V prípade, že viacero stĺpcov v matici nadobuda maximalný súčet, funkcia vrati index stĺpca s maximalným súčtom, ktorý je najviac vľavo.

9*. Definujte funkciu, ktorej parametrom bude matice A . Funkcia vrati hodnotu True v prípade, že sa v matici nachadzajú aspon 2 stĺpce s rovnakým súčtom. Inak vrati funkcia hodnotu False.

Sekcia 8: Intervaly

Poznamka: Otvorený interval od čísla a po číslo b budeme v príkladoch v tejto sekcií reprezentovať ako zoznam $[a,b]$. Budeme pracovať so zoznamami intervalov, teda so zoznamami, ktorých prvky budú zoznamy obsahujúce dve čísla. Vždy budeme uvázať iba otvorené intervaly. Možete predpokladať, že pre každý zoznam $[a,b]$, ktorý reprezentuje interval, platí, že $a < b$.

1. Definujte funkciu, s nasledovnými vlastnosťami. Parametrami funkcie budú zoznam intervalov (označme tento zoznam ako zoznam t) a číslo x . Funkcia vráti počet intervalov v zozname t , v ktorých sa nachadza číslo x .

2. Definujte funkciu, s nasledovnými vlastnosťami. Parametrami funkcie budú zoznam intervalov (označme tento zoznam ako zoznam t) a číslo x . Funkcia vráti prvý interval v zozname t , v ktorom sa nachadza číslo x . Ak sa číslo x nenachadza v žiadnom intervale zo zoznamu t , funkcia vráti hodnotu `None`.

3. Definujte funkciu, s nasledovnými vlastnosťami. Parametrami funkcie budú zoznam intervalov (označme tento zoznam ako zoznam t) a číslo x . Funkcia vráti zoznam tých intervalov zo zoznamu t , v ktorých sa nachadza číslo x .

4*. Definujte funkciu, s nasledovnými vlastnosťami. Parametrom funkcie bude zoznam intervalov (označme tento zoznam ako zoznam t). Funkcia vráti hodnotu `True`, ak sa v zozname t nachadza taký interval, ktorý nema prienik zo žiadnym iným intervalom v zozname t . Inak funkcia vráti hodnotu `False`.

Priklad: Pre zoznam $[[1,2],[3,5],[4,6]]$ vráti funkcia hodnotu `True`, lebo interval $[1,2]$ nema prienik ani s intervalom $[3,5]$, ani s intervalom $[4,6]$.

5*. Definujte funkciu, s nasledovnými vlastnosťami. Parametrom funkcie bude zoznam intervalov (označme tento zoznam ako zoznam t). Funkcia vráti hodnotu `True`, ak sa v zozname t nachadza taký interval, ktorý obsahuje vsetky ostatné intervale zo zoznamu t . Inak funkcia vráti hodnotu `False`.

Priklad: Pre zoznam $[[1,2],[3,5],[0,6]]$ vráti funkcia hodnotu `True`, lebo interval $[0,6]$ obsahuje intervale $[1,2]$ a $[3,5]$.

6*. Definujte funkciu, s nasledovnými vlastnosťami. Parametrom funkcie bude zoznam intervalov (označme tento zoznam ako zoznam t). Funkcia vráti hodnotu `True`, ak sa v zozname t nachadza taký interval, ktorý je obsiahnutý v každom inom intervale v zozname t . Inak funkcia vráti hodnotu `False`.

Priklad: Pre zoznam $[[1,2],[-1,5],[0,6]]$ vráti funkcia hodnotu `True`, lebo interval $[1,2]$ je obsiahnutý aj v intervale $[-1,5]$, aj v intervale $[0,6]$.

7*. Definujte funkciu, s nasledovnymi vlastnostami. Parametrom funkcie bude zoznam intervalov (oznacme tento zoznam ako zoznam t). Funkcia vrati hodnotu True, ak sa v zozname t nachadza dvojica intervalov, ktore maju neprazdny prienik.

Priklad: Pre zoznam $[[1,2],[0,5],[6,7]]$ vrati funkcia hodnotu True, lebo intervaly $[1,2]$ a $[0,5]$ maju neprazdny prienik.

8*. Definujte funkciu, s nasledovnymi vlastnostami. Parametrom funkcie bude zoznam intervalov (oznacme tento zoznam ako zoznam t). Funkcia vrati novy zoznam obsahujuci tie intervaly zo zoznamu t, ktore nie su obsiahnute v ziadnom inom intervale zo zoznamu t.

Priklad: Pre zoznam $[[1,2],[0,5],[6,7]]$ vrati funkcia zoznam $[[0,5],[6,7]]$, lebo interval $[1,2]$ je obsiahnutý v intervale $[0,5]$.